

ΦΥΣΙΚΗ ΚΑΤΕΥΘΥΝΣΗΣ
ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ

ΘΕΜΑ Α

A1. γ

A2. γ

A3. δ

A4. γ

A5.

α) Σωστό

β) Λάθος

γ) Σωστό

δ) Λάθος

ε) Σωστό

ΘΕΜΑ Β

B1.

α) ii

β)

⊗ Η αρχική ενέργεια του συστήματος είναι:

$$E_1 = U_{E_0} = \frac{1}{2} C V_C^2 = \frac{1}{2} \cdot 20 \cdot 10^{-6} \cdot 20^2 \text{ J} = \underline{4 \cdot 10^{-3} \text{ J}}$$

⊗ Η τελική ενέργεια του συστήματος είναι:

$$E_2 = U_{B_1} = \frac{1}{2} L i^2 = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{9} \cdot 10^{-3} \cdot 6^2 \text{ J} = \underline{2 \cdot 10^{-3} \text{ J}}$$

☒ Επομένως:

$$E_{\text{απολειών}} = E_1 - E_2 = \boxed{2 \cdot 10^{-3} \text{ J}}$$

B2.

α) iii

β)

☒ Επειδή είμαστε στο ίδιο μέσο μετάδοσης η ταχύτητα διάδοσης του κύματος είναι ίδια.

$$v_1 = v_2 \Rightarrow \lambda_1 f_1 = \lambda_2 f_2 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \lambda_1 f_1 = 3f_1 \lambda_2 \Rightarrow \lambda_2 = \frac{\lambda_1}{3} \quad (1).$$

☒ Έστω Μ σημείο απόσβεσης:

Γνωρίζουμε ότι

$$r_1 - r_2 = (2N+1) \frac{\lambda_2}{2} \Rightarrow x - (d-x) = (2N+1) \frac{\lambda_2}{2} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 2x = d + (2N+1) \frac{\lambda_2}{2} \Rightarrow x = \frac{d}{2} + (2N+1) \frac{\lambda_2}{4}$$

☒ Όμως:

$$0 < x < d \Rightarrow 0 < \frac{d}{2} + (2N+1) \frac{\lambda_2}{4} < d \Rightarrow$$

$$\Rightarrow -\frac{d}{2} < (2N+1) \frac{\lambda_2}{4} < \frac{d}{2} \Rightarrow -2d < (2N+1)\lambda_2 < 2d$$

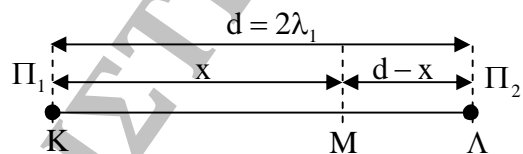
☒ Όμως: $d = 2\lambda_1$ και $\lambda_2 = \frac{\lambda_1}{3}$, οπότε:

$$-4\lambda_1 < (2N+1) \frac{\lambda_1}{3} < 4\lambda_1 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow -13 < 2N < 11 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow -6,5 < N < 5,5$$

και αφού $k \in \mathbb{Z}$, υπάρχουν 12 ακέραιοι \rightarrow 12 υπερβολές



B3.

α) ii

β)

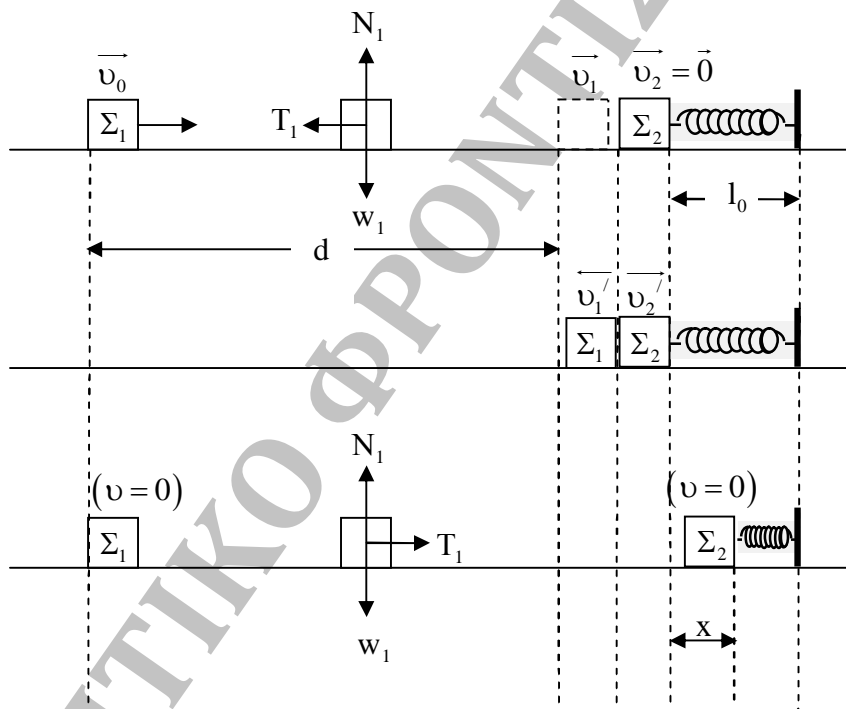
⊗ Αρχή διατήρησης στροφορμής ($\Sigma \tau_{εξ} = 0$):

$$\overrightarrow{L}_{\text{συστ. αρχ.}} = \overrightarrow{L}_{\text{συστ. τελ.}} \Rightarrow I_1 \omega_1 + 0 = (I_1 + I_2) \omega \Rightarrow I_1 \omega_1 = \frac{5I_1}{4} \omega \Rightarrow \omega = 4 \frac{\omega_1}{5}$$

$$\Delta L_1 = \overrightarrow{L}_{1\text{τελ.}} - \overrightarrow{L}_{1\text{αρχικό}} \Rightarrow |\Delta L_1| = |I_1 \omega - I_1 \omega_1| \Rightarrow$$

$$\Rightarrow |\Delta L_1| = \left| I_1 \frac{4\omega_1}{5} - I_1 \omega_1 \right| \Rightarrow |\Delta L_1| = \frac{I_1 \omega_1}{5} \quad \text{ή} \quad |\Delta L_1| = \frac{L_1}{5}$$

ΘΕΜΑ Γ



Γ1.

⊗ Αφού η κρούση είναι κεντρική και ελαστική και $v_2 = 0$:

$$v_1' = \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} v_1 \Rightarrow -\sqrt{10} = \frac{m_1 - 2m_1}{m_1 + 2m_1} v_1 \Rightarrow v_1 = 3\sqrt{10} \text{ m/s}$$

✗ Θ.Μ.Κ.Ε. για την κίνηση του Σ_1 μέχρι την κρούση:

$$\begin{aligned} K_{\text{τελ.}} - K_{\text{αρχ.}} &= \Sigma W \Rightarrow \frac{1}{2} m_1 v_1^2 - \frac{1}{2} m_1 v_0^2 = W_{T_1} + W_{N_1} + W_{w_1} \Rightarrow \\ \Rightarrow \frac{1}{2} m_1 v_1^2 - \frac{1}{2} m_1 v_0^2 &= -T_1 \cdot d \Rightarrow \frac{1}{2} m_1 v_1^2 - \frac{1}{2} m_1 v_0^2 = -\mu m_1 g d \Rightarrow \\ \Rightarrow (3\sqrt{10})^2 - v_0^2 &= -10 \cdot 1 \Rightarrow \boxed{v_0 = 10 \text{ m/s}} \end{aligned}$$

Γ2.

✗ Επίσης:

$$v_2' = \frac{2m_1}{m_1 + m_2} v_1 \Rightarrow v_2' = \frac{2m_1}{m_1 + 2m_1} v_1 \Rightarrow \boxed{v_2' = 2\sqrt{10} \text{ m/s}}$$

$$\text{✗ } \frac{K_2'}{K_1} \cdot 100\% = \frac{\frac{1}{2} m_2 v_2'^2}{\frac{1}{2} m_1 v_1^2} \cdot 100\% = \frac{2m_1 (2\sqrt{10})^2}{m_1 (3\sqrt{10})^2} = 88,9\%$$

Γ3.

✗ Το Σ_1 μέχρι τη στιγμή της κρούσης κάνει ευθύγραμμο ομαλά επιβραδυνόμενη κίνηση όπου:

$$\Sigma F_1 = m_1 \alpha \Leftrightarrow T = m_1 \alpha \Leftrightarrow \mu m_1 g = m_1 \alpha \Leftrightarrow \alpha = 5 \text{ m/s}^2$$

✗ Είναι:

$$v_1 = v_0 - \alpha t_1 \Rightarrow 3\sqrt{10} = 10 - 5t_1 \Rightarrow t_1 = \frac{10 - 3\sqrt{10}}{5} \text{ s}$$

✗ Επίσης:

$$v = v_1' - \alpha t_2 \Rightarrow 0 = \sqrt{10} - 5t_2 \Rightarrow t_2 = \frac{\sqrt{10}}{5} \text{ s}$$

$$\text{✗ } t_{\text{ολ.}} = t_1 + t_2 = \frac{10 - 3\sqrt{10} + \sqrt{10}}{5} = \frac{10 - 2\sqrt{10}}{5} \text{ s}$$

$$\text{Για } \sqrt{10} \approx 3,2 \text{ sec} \rightarrow t_{\text{ολ.}} = 0,72 \text{ s}$$

Γ4.

$$\otimes K_{\text{τελ.}} - K_{\text{αρχ.}} = \Sigma W \Rightarrow 0 - \frac{1}{2} m_2 v_2'^2 = W_{T_2} + W_{F_{ελ.}} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow -\frac{1}{2} m_2 v_2'^2 = -T_2 \cdot x + U_{\text{αρχ.}} + U_{\text{τελ.}} \Rightarrow -\frac{1}{2} m_2 v_2'^2 = -\mu m_2 g x + 0 - \frac{1}{2} k x^2 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow (2\sqrt{10})^2 = 10x + 105x^2 \Rightarrow 105x^2 + 10x - 40 = 0$$

$$\otimes \Delta = \beta^2 - 4\alpha\gamma \Rightarrow \Delta = (10)^2 - 4(105) \cdot (-40) = 16900$$

$$\otimes x_1 = \frac{-\beta + \sqrt{\Delta}}{2\alpha} = \frac{-10 + \sqrt{16900}}{2 \cdot 105} = \frac{12}{21} \text{ m}$$

$$\otimes x_2 = \frac{-\beta - \sqrt{\Delta}}{2\alpha} = \frac{-10 - \sqrt{16900}}{2 \cdot 105} = \frac{-14}{21} \text{ m απορρίπτεται}$$

$$\otimes \text{Άρα } x_{\text{max}} = \frac{4}{7} \text{ m}$$

ΘΕΜΑ Δ

Δ1.

$$\otimes \Sigma F_x = M\alpha_{\text{cm}} \Rightarrow Mg\eta\mu\phi - T_{\sigma\tau} = M\alpha_{\text{cm}} \quad (1)$$

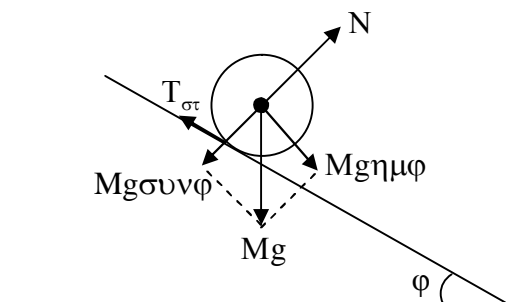
$$\otimes \Sigma \tau = I\alpha_{\gamma\omega\nu} \Rightarrow T_{\sigma\tau} \cdot R = \frac{1}{2} MR^2 \cdot \frac{\alpha_{\text{cm}}}{R} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow T_{\sigma\tau} = \frac{1}{2} M\alpha_{\text{cm}} \quad (2)$$

⊗ Προσθέτουμε κατά μέλη τις σχέσεις (1)

και (2):

$$Mg\eta\mu\phi = \frac{3}{2} M\alpha_{\text{cm}} \Leftrightarrow \alpha_{\text{cm}} = \frac{2g\eta\mu\phi}{3}$$



Δ2.

$$\otimes I_{\text{κύλινδρου}} = I_{\text{κοίλου}} + I_{\text{εσωτερικού κυλ.}} \Leftrightarrow I_{\text{κοίλου}} = I_{\text{κύλινδρου}} - I_{\text{εσωτερικού κυλ.}}$$

$$\otimes \text{Επομένως: } I_{\text{κοίλου}} = \frac{1}{2} MR^2 - \frac{1}{2} mr^2 \quad (3)$$

⊗ Επειδή ο κύλινδρος έχει σταθερή πυκνότητα:

$$d_{\text{κυλ.}} = d_{\text{εσωτ. κυλ.}} \Rightarrow \frac{M}{V} = \frac{m}{V_{\text{εσωτ. κυλ.}}} \Rightarrow \frac{M}{\pi R^2 h} = \frac{m}{\pi r^2 h} \Rightarrow m = \frac{Mr^2}{R^2}$$

✗ Επομένως η (3) \Rightarrow

$$I_{\text{κοιλ.ου}} = \frac{1}{2}MR^2 - \frac{1}{2}\frac{Mr^2}{R^2}r^2 = \frac{1}{2}MR^2 - \frac{1}{2}\frac{Mr^4}{R^2} = \frac{1}{2}MR^2\left(1 - \frac{r^4}{R^4}\right)$$

Δ3.

✗ $\Sigma F_x = M\alpha_{\text{cm}} \Leftrightarrow Mg\eta\mu\phi - T_{\sigma\tau} = M\alpha_{\text{cm}} \quad (\alpha)$

✗ $\Sigma\tau = I_{\text{κοιλ.}}\alpha_{\gamma\omega\nu} \Rightarrow T_{\sigma\tau} \cdot R = \frac{1}{2}MR^2\left(1 - \frac{r^4}{R^4}\right) \cdot \frac{\alpha_{\text{cm}}}{R} \Rightarrow T_{\sigma\tau} = \frac{M}{2}\left(1 - \frac{r^4}{R^4}\right)\alpha_{\text{cm}} \quad (\beta)$

✗ $(\alpha) + (\beta) \rightarrow Mg\eta\mu\phi = M\alpha_{\text{cm}}\left[1 + \frac{1}{2}\left(1 - \frac{r^4}{R^4}\right)\right] \Rightarrow$

$$g\eta\mu\phi = \alpha_{\text{cm}}\left(1 + \frac{1}{2} - \frac{r^4}{2R^4}\right) \Rightarrow$$

$$g\eta\mu\phi = \alpha_{\text{cm}}\left(\frac{3}{2} - \frac{r^4}{2R^4}\right) \Rightarrow \alpha_{\text{cm}} = \frac{g\eta\mu\phi}{\frac{3}{2} - \frac{r^4}{2R^4}} \Rightarrow \alpha_{\text{cm}} = \frac{2R^4 g\eta\mu\phi}{3R^4 - r^4}$$

Δ4.

✗ $\frac{K_{\text{μετ}}}{K_{\text{στροφ}}} = \frac{\frac{1}{2}Mv_{\text{cm}}^2}{\frac{1}{2}I_{\text{κοιλ.}}\omega^2} = \frac{M\omega^2 R^2}{\frac{1}{2}MR^2\left(1 - \frac{r^4}{R^4}\right)\omega^2} = \frac{2}{1 - \frac{r^4}{R^4}}$

✗ Όμως: $r = \frac{R}{2} \Rightarrow r^4 = \frac{R^4}{16} \Rightarrow \frac{r^4}{R^4} = \frac{1}{16}$

✗ Επομένως: $\frac{K_{\text{μετ}}}{K_{\text{στροφ}}} = \frac{2}{1 - \frac{1}{16}} = \frac{2}{\frac{15}{16}} = \frac{32}{15}$

ΠΑΡΑΤΗΡΗΣΗ

✚ Μια «αθώα» προσέγγιση που μπορεί να παραβιάσει τους νόμους της Φυσικής!

✘ Αν $\sqrt{10} \approx 3,2$ τότε ο χρόνος κίνησης του Σ_1 μέχρι να συγκρουστεί με το Σ_2 είναι $t_1 = \frac{10 - 3\sqrt{10}}{5} \rightarrow t_1 = 0,08\text{s}$

✘ Αν όμως δεν υπάρχουν τριβές τότε θα έκανε ευθύγραμμη ομαλή κίνηση και ο χρόνος θα ήταν: $t_0 = \frac{v_0}{d} \rightarrow t_0 = 0,1\text{s}$

Δηλαδή με τριβές κινείται πιο γρήγορα!!!!

✘ Η αντίφαση δεν θα υπήρχε, αν η προσέγγιση ήταν τουλάχιστον μέχρι το δεύτερο δεκαδικό ψηφίο, δηλαδή $\sqrt{10} \approx 3,16$
Τότε θα ήταν: $t_1 = 0,104\text{s}$ και $t_{ολ} = 0,736\text{s}$

Επιμέλεια: Βλαχόπουλος Άρης

Γκιώνη Βασιλική

Λεβέτας Στάθης

Παπαδόπουλος Δημήτρης

Τσάμης Μανώλης